

## 1 Aufgabe Allgemeine Fragen.

1. Womit kann man einen Booleschen Ausdruck im allgemeinen nicht in seine minimale Form umwandeln?
  - Ablesen aus Wahrheitstabelle.
  - Verfahren von Quine und McCluskey.
  - KV-Diagramme.
  - Anwendung boolescher Axiome.
2. Worin unterscheidet sich die doppelt verkettete Liste im Vergleich zur einfach verketteten Liste?
  - Jeder Knoten zeigt auf seine zwei nachfolgenden Knoten.
  - Jeder Knoten speichert zusätzlich zu seinem eigenen Wert auch den Wert des Vorgängers.
  - Sie unterscheidet sich lediglich in einer Tail-Referenz, die auf das letzte Element der Liste zeigt.
  - Jeder Knoten zeigt auf seinen Vorgänger und Nachfolger.
3. Welchen Aufwand hat die Binäre Suche?
4. Was gilt in einem AVL-Baum?
5. welches Verfahren sucht den kürzesten Weg in einem Graphen?
- 6.

## 2 Boolesche Algebra.

### 2.1 Teilaufgabe: Sind die folgenden Booleschen Ausdrücke äquivalent? Überprüfen Sie die Äquivalenz anhand der Wahrheitstafelmethode.

$$f(x, y, z) = x \oplus y + x \cdot z + z$$
$$g(x, y, z) = (\bar{x} + y) \cdot (x + \bar{y}) + z$$

### 2.2 Teilaufgabe: Sind die folgenden Booleschen Ausdrücke äquivalent? Überprüfen Sie die Äquivalenz anhand der Algebraischen Umformung.

$$f(x, y, z) = x \oplus y + x \cdot z + z$$
$$g(x, y, z) = (\bar{x} + y) \cdot (x + \bar{y}) + z$$

### 2.3 Wandeln Sie den folgenden Booleschen Ausdruck mit Hilfe der KV-Tafeln in eine minimale disjunktive Normalform um. Die Zwischenschritte müssen erkennbar sein.

$$f(w, x, y, z) = (\bar{w} + x + z) \cdot (\bar{w} + x + \bar{z}) \cdot (\bar{w} + \bar{y} + \bar{z}) \cdot (w + y + \bar{z})$$

## 3 Komplexität

```
1 [...]
2 for (i=0; i<n; i++){
3   [...]
```

```

4  if (k>0) {
5      m=i; \\
6      while (m<n) {
7          comp ()
8      } } }

```

**3.1 Bestimmen Sie die Komplexität der gegebenen Methode im Best-Case. Was muss für k dabei erfüllt sein? Nehmen sie an, dass die Funktion comp() aus Zeile 7 einen Aufwand von  $T(n)=2$  besitzt.**

**3.2 Bestimmen Sie den Worst-Case der Methode.**

## 4 Traversierung von Graphen

### 4.1 Breitensuche Handsimulation

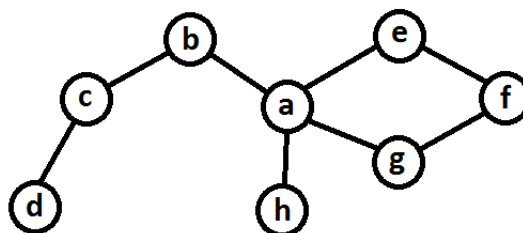
Traversieren Sie den Graphen G mit Breitensuche. Führen Sie dazu eine Handsimulation mit Hilfe der untenstehenden Tabelle durch. Dabei bezeichne t die Nummer des aktuellen Schleifendurchlaufs und EK den aktuellen zu expandierenden Knoten.

Befolgen Sie bei der Simulation folgende Regeln:

- Startknoten ist der Knoten mit Bezeichner a
- Geben Sie für  $t = 0$  den Zustand des Stacks unmittelbar nach Initialisierung an.
- Geben Sie für  $t > 0$  den Zustand des Stacks jeweils am Ende des aktuellen Schleifendurchlaufs an.
- Notieren Sie schrittweise den aktuellen Knoten und den aktuellen Inhalt der Queue, es soll immer nur ein Knoten pro Schritt in die Queue eingefügt werden

### 4.2 Welches Suchverfahren führt mit den wenigsten Schritten zum Ziel?

- Startknoten: a
- Gesucht: d



## 5 Allgemeine Fragen zur Implementierung

- Frage zur generischen Klassen Implementierung
- wofür wird compareTo() nicht benutzt?

- Wofür wird Iterierbarkeit nicht benutzt?
- ...

## 6 AVL-Baum

Gegeben ist ein allgemeiner AVL-Baum.

- 6.1 Fügen Sie das Blatt (Blatt) in den gegebenen AVL-Baum ein. Führen die dabei keine rotation durch.**
- 6.2 Löschen Sie das Blatt (Blatt) aus dem ursprünglichen (nicht den aus Aufgabe 6.1) AVL-Baum.**
- 6.3 Rotieren Sie den Baum aus Aufgabe 6.2 nach der Lösch-operation so, dass die AVL-Bedingung wieder erfüllt ist**

## 7 Mergesort

Schreiben Sie für die gegebene Klasse die Methode 'private static void merge(int[] f, int[] g, int start, int end, int p)'

## 8 Stack

### 8.1 Klasse Stack implementieren

Implementieren sie einen abstrakten Datentyp  $\text{Stack} < T >$ , der einen Stack mit Elementen eines generischen Grundtyps T realisiert. Die Realisierung soll ausschließlich auf der doppelt verketteten Liste  $\text{LinkedList} < T >$  aus der Java Standard-Bibliothek basieren. Der  $\text{Stack} < T >$  besitzt ein Attribut `private LinkedList < T > list` und soll die folgenden Operationen bereitstellen:

1. Einfügen eines Elements
2. Entfernen eines Elements
3. Ausgeben eines Elements (peek)

Hinweis: Um LinkedList einzubinden können Sie den Befehl 'import java.util.LinkedList;' verwenden. Die Java Standard-Bibliothek stellt folgende Befehle zur Verfügung:

- 'push()' fügt ein Element am Anfang der Liste ein
- 'pop()' entfernt das erste Element der Liste und gibt dieses zurück. Existiert kein Element, so wird die Null-Referenz zurückgegeben.
- 'top()' gibt das erste Element der Liste zurück.

...

## 8.2 Testklasse

Implementieren sie eine Testklasse zum Testen Ihrer Stackklasse. Dabei sollen der Reihe nach:

- 'Amerika', 'Afrika', 'Asien' in den Stack eingefügt werden
- Die Methode 'peek' benutzt werden und notiert werden, was dabei auf der Konsole ausgegeben wird
- drei mal 'pop' benutzt werden und anschließend notiert werden, was auf der Konsole ausgegeben wird.

## 9 LinkedList

Gegeben sei eine Klasse LinkedList einer einfach verketteten Liste.

- 9.1 **Schreiben Sie eine Methode 'peek', die das erste Element der Liste wiedergibt.**
- 9.2 **Schreiben Sie die Methode 'public void addLast()'. Beachten Sie dabei die Struktur einfach verketteter Listen.**

## 10 Binärer Suchbaum

Gegeben sei ein Binärer Suchbaum mit diversen Unterklassen (Fork, Leaf, ...).

- 10.1 **Schreiben Sie eine Methode, die in der Unterklasse 'Leaf' ein Element sucht, indem sie mit einem bestimmten 'Key' vergleicht und den Dateninhalt zurückgibt.**

gegeben war bereits der Aufruf der Such-Methode.

- 10.2 **Schreiben Sie eine Methode, die in der Unterklasse 'Fork' ein übergebenes Element mit einem 'Fork-Knoten' vergleicht, sodass der Baum am richtigen 'Kind' des 'Fork-Knotens' weiter Traversiert werden kann.**