

Introprog Sortierprotokoll vom 21. 02. 18

~~geben~~ gegeben sei das Array $[6, 3, 12, 5, 4]$

Kreuzen Sie an, was zutrifft:

- Nach einer Ausführung der inneren Schleife von Bubble Sort sieht das Array so aus: $[3, 6, 12, 4, 5]$

- Nach einer Ausführung der inneren Schleife von Insertion Sort sieht das Array so aus: $[3, 6, 12, 5, 4]$

- Nach einer Ausführung der inneren Schleife von Selection Sort sieht das Array so aus $[4, 3, 12, 5, 6]$

(*) (siehe letzte Seite)

Fügen Sie die Zahlen 5, 2, 10, 8, 3 in einen Binärbaum ein.

Welche Laufzeit hat der ~~Baum~~ Binärbaum im Worst Case? $O(\quad)$

Tragen Sie in die folgende Tabelle die Worst-Case-Komplexität ein:

Liste:

Einfügen am Anfang

Suchen

Nachfolger eines Elements bestimmen

Vorgänger eines Elements bestimmen

Doppelt verknüpfte Liste:

Einfügen am Anfang

Suchen

Nachfolger eines Elements bestimmen

Vorgänger eines Elements bestimmen

Min-Heap

Extrahieren des Minimums

Suchen

First Is Min (array A, array-len)

resultat ← 1

while (i ≤ len) do

if A[1] > A[i] resultat ← 0

i++;

return resultat.

Stellen Sie die Korrektheitsbedingung für First Is Min auf, indem Sie aus den unten genannten Möglichkeiten genau eine Quantifizierung und eine Aussage auswählen:

Quantifizierung



Aussage



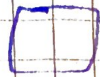
$\forall k \in \{1, \dots, n\}$

< Liste mit Quantifizierungen und Aussagen >

Stellen Sie die Schleifeninvariante auf, indem Sie aus den unten genannten Möglichkeiten genau eine Quantifizierung und eine Aussage auswählen.

Zeigen Sie, dass die Invariante gilt, und dass sich dadurch die Korrektheitsaussage des Algorithmus ableiten lässt.

Quantifizierung Aussage



< Liste mit Quantifizierungen und Aussagen >

Fibonacci

```
int fib(int n)
    return(fib(n-1) + fib(n-2))
```

Welche Komplexität hat $\text{fib}(n)$?

$O(n)$ $O(n^2)$ $O(2^n)$

Wie könnte man die Funktion schneller machen (Hinweis: Denken Sie iterativ)

Implementieren Sie den Algorithmus in C. Benutzen Sie ein dynamisch alloziertes Hilfsarray.

```
fib(int n) {
```

```
}
```

Welche Komplexität hat dieser Algorithmus?


```
int mod(int a, b) {  
    remainder_new = 0;
```

```
    return remainder;  
}
```

Die Funktion soll $a \bmod b$ zurückgeben.
Implementieren Sie diese Funktion
in C. Verwenden Sie dabei weder die
modulo-Funktion noch einen
Divisionsalgorithmus.

Es gilt $a=14$ und $b=3$.

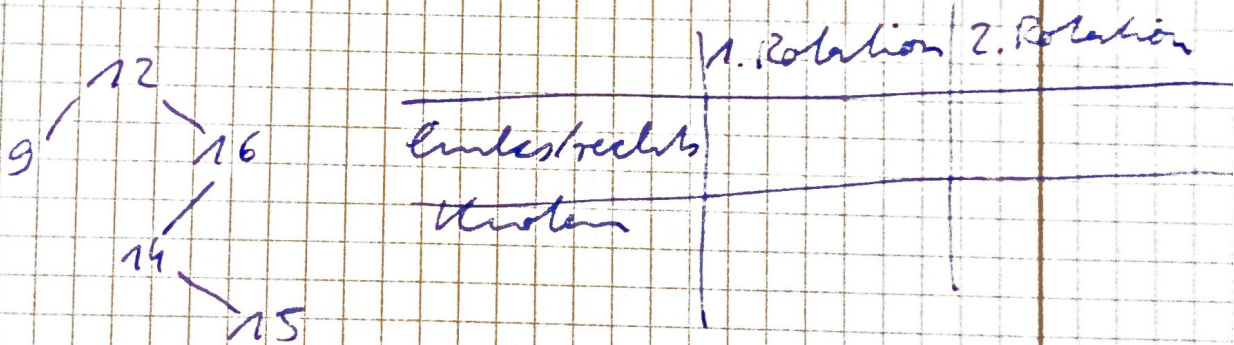
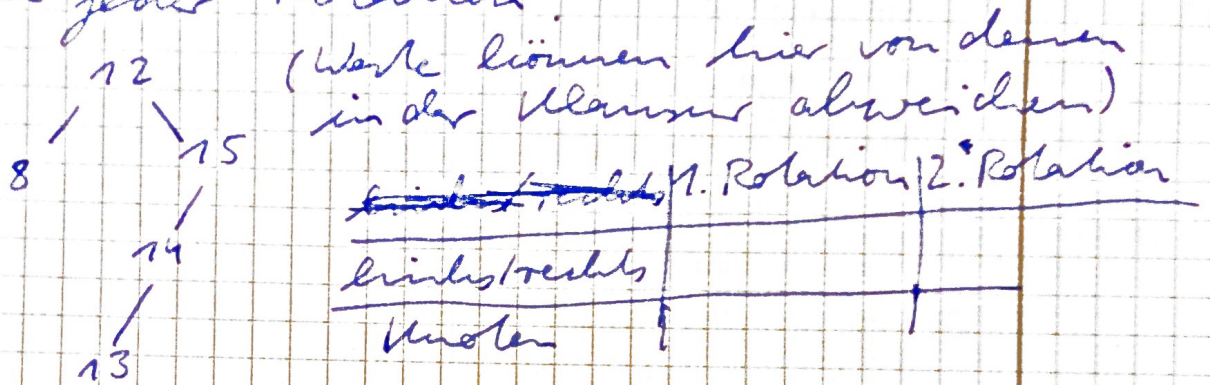
Füllen Sie die untere Tabelle aus
zum Anfangszustand und nach
jeder Iteration. Falls eine Variable
noch keinen Wert zugewiesen bekommen
hat, schreiben Sie N/A

remainder	remainder_new

Implementieren Sie den Algorithmus
Threshold, der hier in Pseudocode
gegeben ist, in C. Füllen Sie anschlie-
ßend die unten gegebene Tabelle
mit den Variablenbelegungen zum
Anfang und nach jeder Iteration
aus.

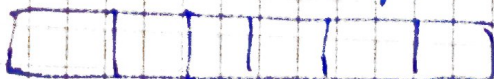
(Dies war Pseudocode gegeben)

Rotieren Sie die folgenden Beinahe-AVL-Bäume entsprechend der Balance-Funktion. Geben Sie die jeweilige Rotation und den ~~rotierten~~ entsprechenden Knoten, um den rotiert wird, in der untenstehenden Tabelle an und zeichnen Sie den Baum nach jeder Rotation.



Welche Eigenschaft kennzeichnet einen AVL-Baum im Gegensatz zum Binärlbaum?

Fügen Sie die folgenden Zahlen entsprechend der Heap-Insert-Fkt. aus der Vorlesung in einen min-Heap ein: 7, 12, 5, 4, 1, 2
Geben Sie den Heap in Array-Schreibweise an:



(*) Weitere Aufwandsangaben

- Insertion Sort hat eine Worst-Case-Laufzeit von $O(n^2)$
- Insertion Sort hat eine Worst-Case-Laufzeit von $O(n)$
- QuickSort hat eine Average Laufzeit von $O(n \log n)$
- QuickSort hat eine Average Laufzeit von $O(n^2)$