

Name:

Matr.-Nr.:

Multiple-Choice-Test Berechenbarkeit und Komplexität TU Berlin, 26.05.2016

(Niedermeier/Chen/Froese/Sorge, Sommersemester 2016)

Arbeitszeit: 20 Minuten, Gesamtpunktzahl: 30

Hinweis: Je Aufgabe ist **mindestens** eine Antwortmöglichkeit korrekt.

Aufgabe 1: Endliche Automaten und Turing-Maschinen (6 Punkte)

Worin unterscheiden sich endliche Automaten und Turing-Maschinen?

- | | |
|--|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> Kopfbewegungsmöglichkeiten | <input checked="" type="checkbox"/> Fähigkeit, die Sprache $\{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$ zu erkennen |
| <input type="checkbox"/> Erlaubte Zustandsmenge | |
| <input checked="" type="checkbox"/> Schreibmöglichkeiten | <input checked="" type="checkbox"/> Fähigkeit, bei einem Eingabewort der Länge n nach mehr als $2n + 1$ Schritten in einen Endzustand zu gelangen |
| <input type="checkbox"/> Erlaubtes Eingabealphabet | |

Aufgabe 2: Berechenbarkeitsbegriffe (6 Punkte)

Seien $f, g: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ zwei partielle Funktionen, wobei f LOOP-berechenbar sei und g GOTO-berechenbar sei. Welche der folgenden Aussagen sind **immer korrekt**?

- | | |
|---|--|
| <input checked="" type="checkbox"/> f und g sind WHILE-berechenbar. | <input type="checkbox"/> $f \circ g$ ist LOOP-berechenbar. |
| <input checked="" type="checkbox"/> $f \circ g$ ist WHILE-berechenbar. | <input type="checkbox"/> $g \circ f$ ist nicht LOOP-berechenbar. |
| <input type="checkbox"/> $f \circ g$ ist nicht LOOP-berechenbar. | <input checked="" type="checkbox"/> $g \circ f$ ist WHILE-berechenbar. |

Aufgabe 3: Berechenbare Funktionen (6 Punkte)

Welche der folgenden partiellen Funktionen sind Turing-berechenbar?

- Jede beliebige partielle Funktion $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) \leq 1000$ für alle $x < 1000$ und $f(x)$ undefiniert für alle $x \geq 1000$.
- $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) := x^{x^{x^x}}$
- $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) := \begin{cases} 1, & \text{falls } x \leq 2, \\ x \cdot f(x-1) + f(x-2), & \text{sonst.} \end{cases}$
- $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ mit $f(x) := \begin{cases} 1, & \text{falls eine natürliche Zahl } i \text{ existiert, so dass } n = \lfloor \sqrt{2} \cdot 10^i \rfloor, \\ 0, & \text{sonst.} \end{cases}$

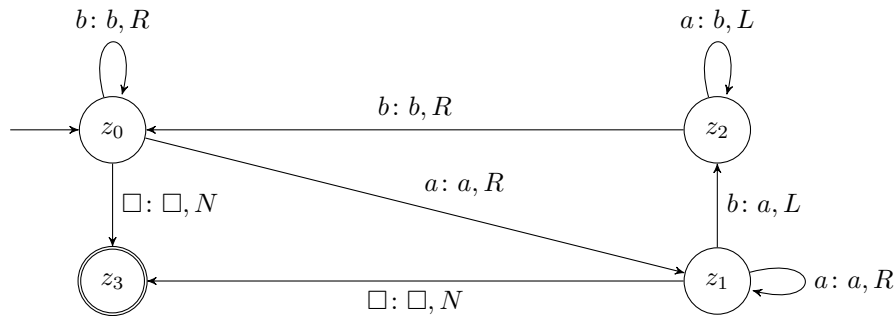
Aufgabe 4: Turing-Maschine

(6 Punkte)

Gegeben sei folgende Turing-Maschine $M = (\{z_0, z_1, z_2, z_3\}, \{a, b\}, \{a, b, \square\}, \delta, \square, \{z_3\})$, wobei δ durch die folgende Tabelle definiert ist:

δ	a	b	\square
z_0	(z_1, a, R)	(z_0, b, R)	(z_3, \square, N)
z_1	(z_1, a, R)	(z_2, a, L)	(z_3, \square, N)
z_2	(z_2, b, L)	(z_0, b, R)	–

Eine graphische Darstellung von δ sieht wie folgt aus:



Welche der folgenden Eingabewörter werden von M akzeptiert?

bab

ba

abb

Aufgabe 5: LOOP- und GOTO-Programme

(6 Punkte)

Gegeben seien das LOOP-Programm P_1 und das GOTO-Programm P_2 (beide mit Eingaben x_1 und x_2), wobei die modifizierte Subtraktion zweier Variablen (d.h. „ $x_i := x_j - x_k$ “ mit $x_i = \max(0, x_j - x_k)$) als elementare Operation zur Verfügung steht.

P_1 :

```

 $x_3 := x_2 - x_1;$ 
LOOP  $x_3$  DO
   $x_0 := x_2 + 0;$ 
   $x_3 := x_3 + 1$ 
END

```

P_2 :

```

 $x_3 := x_2 - x_1;$ 
 $M_1$  : IF  $x_3 = 0$  THEN GOTO  $M_2$ ;
   $x_0 := x_2 + 0;$ 
  GOTO  $M_1$ ;
 $M_2$  : HALT

```

Welche der folgenden Aussagen sind korrekt?

Wenn $x_2 < x_1$ gilt, dann terminieren P_1 und P_2 mit dem gleichen Wert in x_0 .

P_1 terminiert immer, aber P_2 terminiert nicht immer.

Wenn P_1 bei Eingaben x_1 und x_2 terminiert, dann terminiert auch P_2 bei den selben Eingaben x_1 und x_2 .

P_1 und P_2 geben immer den Wert von x_2 in x_0 zurück.