

## Maschinelles Lernen 1:

### 1. Klausur WS18/19

#### 4 multiple choice fragen: 20 Punkte 4 x 5

nur eine richtige antwort

What .... is not a discriminant function:

- a)  $P(w_c|x)$
- b)  $P(x|w_c)*P(w_c)$
- c)  $P(w_c|x)*P(w_c)^{-1}$
- d)  $P(x|w_c)^2*P(w_c)^2$

What is likely an overfitted estimator?

- a) High bias model
- b) High variance model
- c) Low bias model
- d) Low variance model

What does Fisher discriminant optimize?

- a) ..
- b) ..
- c) Maximize ratio Within class variance to between class variance
- d) Minimize ratio Within class variance to between class variance

What does the constant C stand for in SVM?

- a) ability of the decision boundary to be out of the margin
- b) number of points not being classified correctly
- c)
- d)

#### Boosting: 15 Punkte

Genau wie in der Hausaufgabe, Gewichte der Punkte und gewichte der Classifier angeben

#### Kernel: 20 Punkte 4 x 5

Genau wie in Hausaufgabe:

- a) Zeige das  $k_3 = \alpha*k_1 + \beta*k_2$  wieder ein positive semidefiniter Kernel ist.  
Alpha, beta  $\geq 0$
- b) Zeige das wenn alpha oder beta  $< 0$  , dass dann die obere bedingung nicht mehr stimmt.
- c) Find a mapping for  $k_3$  assuming that  $k_2 = \langle \Phi_2(x_i), \Phi_2(x_j) \rangle$ ,  
 $k_1 = \langle \Phi_1(x_i), \Phi_1(x_j) \rangle$  and prove that it satisfies  $k_3 = \langle \Phi_3(x_i), \Phi_3(x_j) \rangle$
- d)  
Do the same as in c but for  $k_4(x_i, x_j) = k_3(x_i, x_i)k_3(x_j, x_j)$

**Lagrang: 25 Punkte 5 x 5**

Sigma is the covariance matrix of the dataset

$$\max w^T \quad \text{s.t.} \quad w^T \Sigma^{-1} w = 1$$

- a) Derive Lagrangian
- b) Show that the problem is a Eigenvalue problem of Sigma.
- c) Show that the solution is the eigenvector corresponding to the largest eigenvalue.
- d) Derive a closed form solution for  $x^t$  given:

$$\max z^T x^t \quad \text{s.t.} \quad z^T \Sigma^{-1} z = 1$$

- e) What algorithm does this look similar to regarding PCA mentioned in ML1?

**Regression: 20 Punkte 5 , 15**

Klassisches Regressionsproblem:

$$\min \text{Summe } (y_i - wx_i + b)^2 \quad \text{oder so.}$$

- a) Zeigen das  $\min w^T X X^T w - 2y^T X w$  das gleiche problem ist.
- b) Erstelle die Matrixen wie in der hausaufgabe für diesen quadratic solver. Q,b,A,l  
Da war auch noch eine Konstante C gegeben.